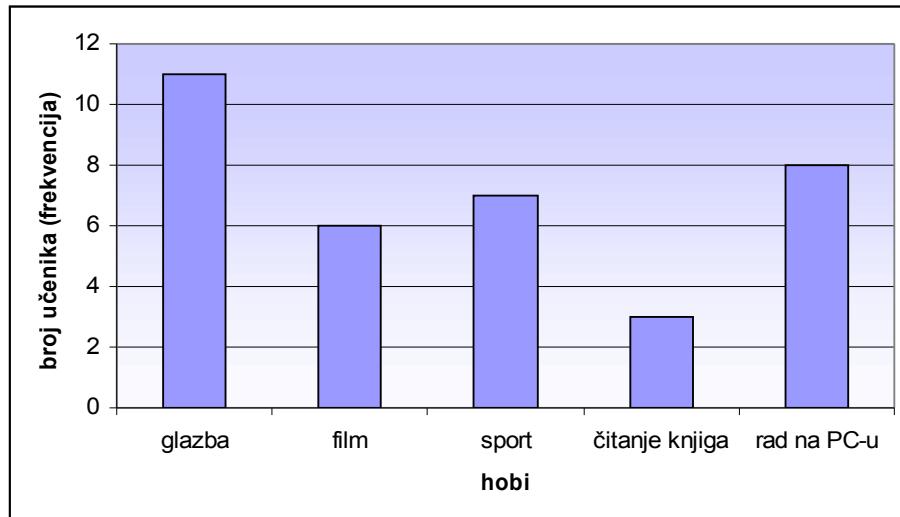


## Prikazivanje i analiza podataka - rješenja -

### **1. zadatak**

- a) **Stupčasti dijagram frekvencija** – grafički prikaz sastavljen od pravokutnika jednakih širina, a visina odgovara frekvenciji pojedinog podatka



- b) **Relativna frekvencija** - broj koji pokazuje koliki je **udio** promatranog podatka u odnosu na cjelinu

Ukupno je u 7.a razredu 35 učenika. ( $11 + 6 + 7 + 3 + 8 = 35$ )

$$\text{Glazba: } \frac{11}{35} = 0.3142\dots \approx 0.31 = 0.31 = 31\%$$

$$\text{Čitanje knjige: } \frac{3}{35} = 0.085\dots \approx 0.09 = 9\%$$

$$\text{Film: } \frac{6}{35} = 0.171\dots \approx 0.17 = 17\%$$

$$\text{Rad na PC-u: } \frac{8}{35} = 0.228\dots \approx 0.23 = 23\%$$

$$\text{Sport: } \frac{7}{35} = 0.2 = 20\%$$

vrsta hobija	frekvencija	relativna frekvencija
glazba	11	31%
film	6	17%
sport	7	20%
čitanje knjiga	3	9%
rad na PC-u	8	23%

- c) **Kružni dijagram** – dijagram u kojemu krug dijelimo na kružne isječke tako da svakoj **relativnoj frekvenciji** pridružimo određeni kružni isječak

Na **glazbu** se odlučilo 31% razreda, pa će na glazbu otpasti 31% **kruga**, odnosno 31% punog kuta:

$$31\% \cdot 360^\circ = \frac{31}{100} \cdot 360^\circ = \frac{31}{10} \cdot 36^\circ = \frac{1116^\circ}{10} = 111.6^\circ \approx 112^\circ$$

U krugu crtamo kružni isječak kojemu pripada središnji kut veličine  $112^\circ$ . Nacrtani kružni isječak označavat će nam glazbu.

Film: 17% razreda, tj. 17% kruga

$$\frac{17}{100} \cdot 360^\circ = \frac{612^\circ}{10} = 61.2^\circ \approx 61^\circ$$

Knjiga: 9% razreda, tj. 9% kruga

$$\frac{9}{100} \cdot 360^\circ = \frac{324^\circ}{10} = 32.4^\circ \approx 32^\circ$$

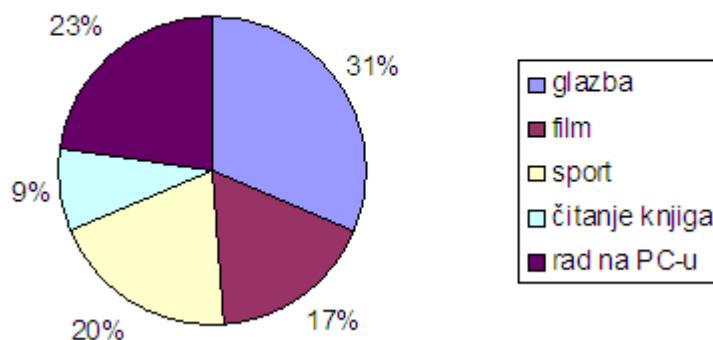
Sport: 20% razreda, tj. 20% kruga

$$\frac{20}{100} \cdot 360^\circ = \frac{720^\circ}{10} = 72^\circ$$

PC: 23% razreda, tj. 23% kruga

$$\frac{23}{100} \cdot 360^\circ = \frac{828^\circ}{10} = 82.85^\circ \approx 83^\circ$$

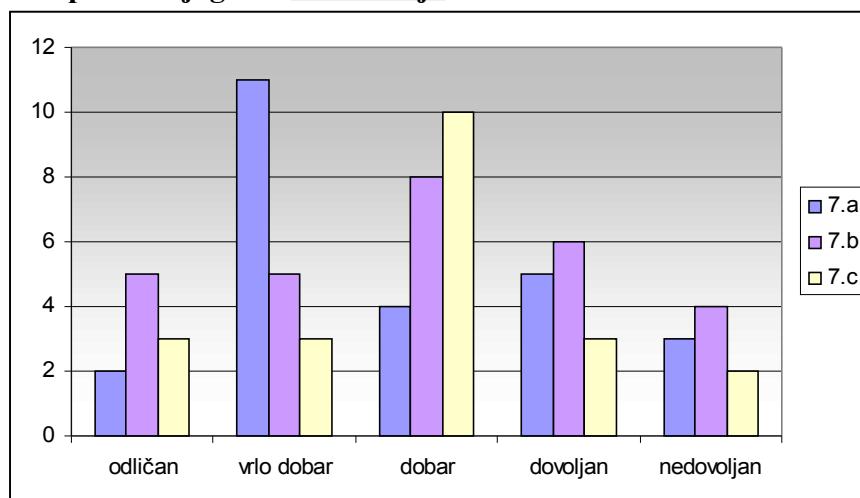
### Kružni dijagram



### 2. zadatak

razred	odličan	vrlo dobar	dobar	dovoljan	nedovoljan
7.a	2	11	4	5	3
7.b	5	5	8	6	4
7.c	3	3	10	3	2

a) Nacrtaj višestruki stupčasti dijagram frekvencija.



**b) Izračunaj relativne frekvencije za svaki razred i izrazi ih u postocima.**

7.a razred broji 25 učenika:

$$(5) \frac{2}{25} = \frac{8}{100} = 8\%, \quad (4) \frac{11}{25} = \frac{44}{100} = 44\%, \quad (3) \frac{4}{25} = \frac{16}{100} = 16\%, \quad (2) \frac{5}{25} = \frac{1}{5} = 20\%, \quad (1) \frac{3}{25} = \frac{12}{100} = 12\%$$

7.b razred broji 28 učenika: (relativnu frekvenciju računamo kao u 1.b zadatku)

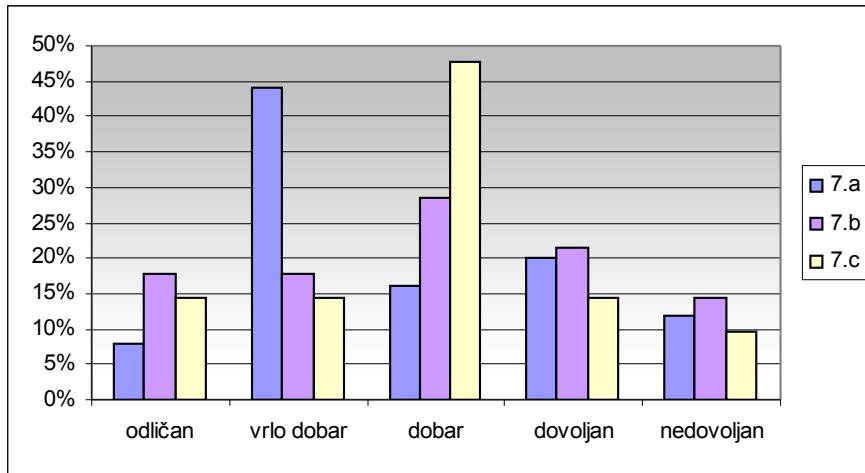
$$(5) \frac{5}{28} = 0.178... \approx 0.18 = 18\%, \quad (4) \frac{5}{28} = 18\%, \quad (3) \frac{8}{28} = 29\%, \quad (2) \frac{6}{28} = 21\%, \quad (1) \frac{4}{28} = 14\%$$

7.c razred broji 21 učenika:

$$(5) \frac{3}{21} = 14\%, \quad (4) \frac{3}{21} = 14\%, \quad (3) \frac{10}{21} = 48\%, \quad (2) \frac{3}{21} = 14\%, \quad (1) \frac{2}{21} = 10\%$$

ocjena	7.a relativna frekvencija	7.b relativna frekvencija	7.c relativna frekvencija
odličan	8%	18%	14%
vrlo dobar	44%	18%	14%
dobar	16%	29%	48%
dovoljan	20%	21%	14%
nedovoljan	20%	14%	10%

**c) Relativne frekvencije prikaži višestrukim stupčastim dijagramom relativnih frekvencija.**



**d) Koji razred ima najveći broj odlično ocjenjenih učenika?**

7.b ima najveći broj odlikaša (njih petero).

**e) U kojem je razredu najveći udio odlično ocjenjenih učenika?**

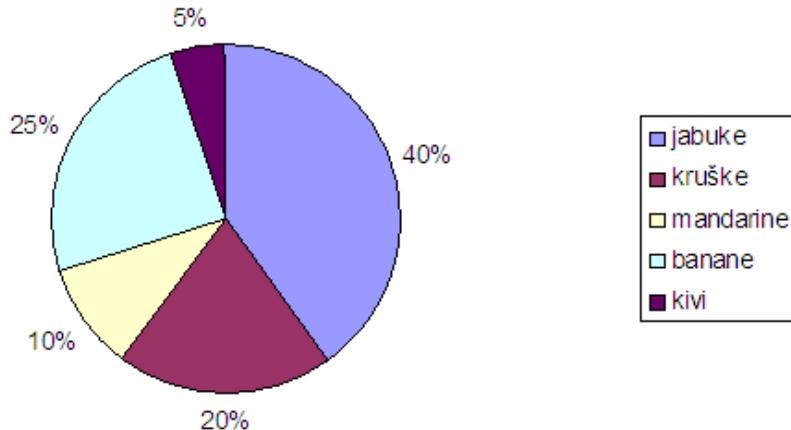
U 7.b razredu je najveći udio odlično ocjenjenih učenika, njih 18%.

**f) Izračuna prosjek svakog razreda. Koji razred je bio najuspješniji na ispitu iz matematike?**

$$7.\text{a } \bar{x} = \frac{2 \cdot 5 + 11 \cdot 4 + 4 \cdot 3 + 5 \cdot 2 + 3 \cdot 1}{25} = 3.16 \quad 7.\text{b } \bar{x} = 3.035... \approx 3.04, \quad 7.\text{c } \bar{x} = 3.095... \approx 3.1$$

Na ispitu je bio najuspješniji 7.a razred.

### **3. zadatak**



- a) Kolika je zarada ostvarena prodajom krušaka?
- b) Na kojem je voću zarađeno najviše? Kolika je ta zarada?
- c) Na kojem je voću zarađeno najmanje? Kolika je ta zarada?

a) 40% od 30 000 kn otpada na kruške:

$$\frac{40}{100} \cdot 30000 = 40 \cdot 300 = 12000 \quad \text{Prodajom krušaka ostvarena je zarada od } 12000 \text{ kn.}$$

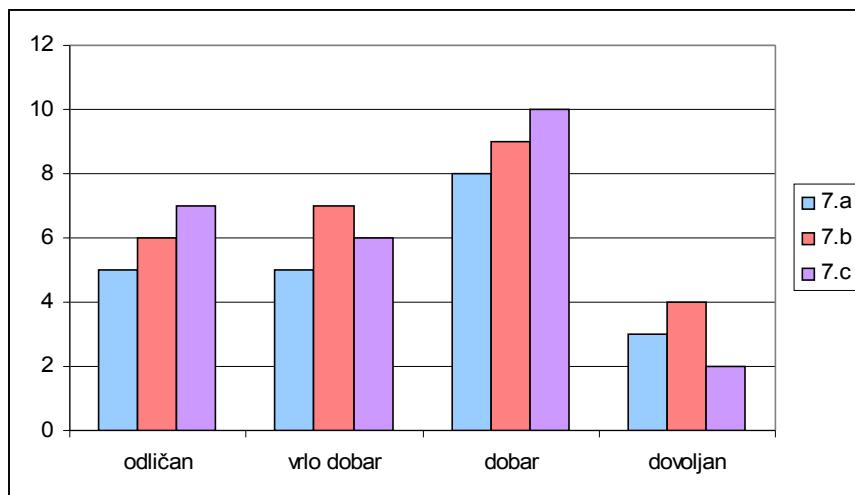
b) Najviše je zarađeno na prodaji krušaka (najveći je postotak). Zarada je 12 000 kn.

c) Najmanje je zarađeno na prodaji kivija (5%).

$$5\% \text{ od } 30000 \text{ kn: } \frac{5}{100} \cdot 30000 = 5 \cdot 300 = 1500$$

Zarada na prodaji kivija je 1 500 kn,

### **4. zadatak**



a) Koliko je učenika u svakom pojedinom razredu?

7.a:  $5 + 5 + 8 + 3 = 21$  učenik

7.b:  $6 + 7 + 9 + 4 = 26$  učenika

7.c:  $7 + 6 + 10 + 2 = 25$  učenika

b) U kojem je razredu najviše odlično ocjenjenih učenika, u kojem najmanje?

Najviše je odlično ocjenjenih učenika u 7.c razredu, njih devetero, a najmanje u 7.a razredu, njih petero.

c) U kojem je razredu najveći, a u kojem najmanji udio odlično ocjenjenih učenika?

$$7.\text{a: } \frac{5}{21} = 24\%, \quad 7.\text{b: } \frac{6}{26} = 23\%$$

d) Izračunaj srednju ocjenu za postignuti uspjeh svakog pojedinog razreda.

$$7.\text{a: } 3.57$$

$$7.\text{b: } 3.58$$

$$7.\text{c: } 3.72$$

### **5. zadatak**

Neka je  $x$  broj godina od Maria.

Prosjek svih šestero košarkaša je 21  $\Rightarrow \bar{x} = 21$

$$\begin{aligned}\frac{23 + 22 + 19 + 20 + 18 + x}{6} &= 21 \\ \frac{102 + x}{6} &= 21 \quad / \cdot 6 \\ 102 + x &= 126 \\ x &= 24\end{aligned}$$

Mario ima 24 godine.

