

# ŠKOLSKO NATJECANJE IZ LOGIKE

3. veljače 2011.

## BODOVI:

- POTPUNO ISPRAVNO RJEŠENJE: 3 BODA
- IZOSTANAK RJEŠENJA: 1 BOD
- KRIVO ILI NEPOTPUNO RJEŠENJE: 0 BODOVA

| ZADATAK       | BROJ BODOVA | MAX BODOVA |
|---------------|-------------|------------|
| 1.            | ×           | 9          |
| 2.            | ×           | 24         |
| 3.            | ×           | 3          |
| 4.            | ×           | 3          |
| 5.            | ×           | 6          |
| 6.            | ×           | 9          |
| 7.            | ×           | 12         |
| 8.            | ×           | 27         |
| 9.            | ×           | 9          |
| 10.           | ×           | 9          |
| 11.           | ×           | 9          |
| <b>UKUPNO</b> | ×           | <b>120</b> |

**1.** Zadan je sud:

### **SVI FERENGI SU TRGOVCI.**

U donju tablicu upišite preostale sudove logičkog kvadrata. Odredite, slovnom oznakom/ simbolom, njihovu vrstu i način na koji se u tradicionalnome logičkom kvadratu odnose prema sudu. (**3×3 boda = 9 bodova**)

| ODNOS                | SIMBOL   | SUD                       |
|----------------------|----------|---------------------------|
| <i>Podrednost</i>    | <i>i</i> | Neki Ferengi su trgovci   |
| <i>Suprotnost</i>    | <i>e</i> | Nisu svi Ferengi trgovci  |
| <i>Protuslovnost</i> | <i>o</i> | Neki Ferengi nisu trgovci |

**2.** Je li zadan iskaz zadovoljiv? Provjeri metodom stabla i označi jesu li grane otvorene ili zatvorene!

$$\begin{array}{lll} 1. & P \rightarrow (\neg Q \wedge P) \checkmark & \\ & / \quad \backslash & \\ 2. & \neg P & \neg Q \wedge P \checkmark \quad \underline{1.} \\ 3. & \neg Q & \underline{2.} \\ 4. & P & \underline{2.} \end{array}$$

Grane su otvorene pa je iskaz zadovoljiv.  
**(8×3 boda = 24 boda)**

**3.** Ocem logike se smatra:

1. Platon
2. Aristotel
3. Euklid
4. Heraklit

**(1×3 boda = 3 boda)**

**4.** Je li sljedeći oblik neko pravilo zaključivanja? Zaokružite ispravan odgovor!

$$\frac{P \rightarrow Q \quad Q}{P}$$

1. *Modus tollens*
2. *Modus ponens*
3. *Modus ponendo-tollens*
4. *Modus tollendo-ponens*
5. Ništa od navedenog

**(1×3 boda = 3 boda)**

**5.** Napiši dva valjana iskaza koji sadrže isključivo sljedeće znakove, tako da *svaki* znak zauzme jednu criticu. Raspoloživi znakovi:  $P$ ,  $\rightarrow$ ,  $($ ,  $)$ .

1.  $P \rightarrow P$
2.  $P \rightarrow ( P \rightarrow P )$

**(2×3 boda = 6 bodova)**

**6.** Zadani su sudovi zaključka. Poveži sudove s odgovarajućim imenima (dodijeli slova zadanim brojevima u zagradama):

- (1) Svi članovi Federacije su živa bića.
- (2) Svi Vulkanci su živa bića.
- (3) Svi Vulkanci su članovi Federacije.
- (a) veća premlisa
- (b) konkluzija
- (c) manja premlisa

Rješenja: (1, a), (2, b), (3, c)  
**(3×3 boda = 9 bodova)**

**7.** Napiši koji su od sljedećih parova pojmove interferentni a koji ne. Na crticu upisi 'DA' ili 'NE'.

1. logičar – profesor      DA
2. volonter – general      DA
3. aksiom – život      NE
4. čekić – udaranje      NE

**(4×3 boda = 12 bodova)**

**8.** Za koje vrijednosti jednostavnih iskaza  $P$ ,  $Q$  i  $R$  su sljedeći iskazi neistiniti?

**8.1.**  $R \leftrightarrow (P \rightarrow Q)$

$P : i ; Q : n ; R : i$   
 $P : n ; Q : n ; R : n$   
 $P : n ; Q : i ; R : n$   
 $P : i ; Q : i ; R : n$   
**(4×3 boda = 12 bodova)**

**8.2.**  $(P \vee Q) \leftrightarrow (R \vee Q)$

$P : i ; Q : n ; R : n$   
 $P : n ; Q : n ; R : i$   
**(2×3 boda = 9 bodova)**

**8.3.**  $\neg(\neg P \wedge (\neg Q \vee \neg R))$

$P : n ; Q : n ; R : n$   
 $P : n ; Q : n ; R : i$   
 $P : n ; Q : i ; R : n$   
**(3×3 boda = 9 bodova)**

**9.** Nadopunite iduće zaključke tako da budu valjani!

**(3×3 boda = 9 bodova)**

**9.1.**

Premisa 1: Neki Klingonci su odlični ratnici.

**Premisa 2:** Svi odlični ratnici su besmrtni

Zaglavak: Neki besmrtnici su Klingonci.

**9.2.**

Premisa 1: Niti jedan Ferengi nije hrabar.

**Premisa 2:** Svi Klingonci su hrabri

Zaglavak: Niti jedan Klingonac nije Ferengi.

**9.3.**

Premisa 1: Niti jedan Vulkanac nije iracionalan.

**Premisa 2:** Neki logičari su Vulkanci (**alternativno:** Neki Vulkanci su logičari)

Zaglavak: Neki logičari nisu iracionalni.

**10.** Nepotpune iskaze nadopunite tako da dobijete ispravnu tablicu! Koristite isključivo sljedeće znakove:  $(, ) , \neg, P$ .

| $P$ | $Q$ | $\neg(\neg Q \wedge P)$ | $P \vee P$ | $\neg(\neg P \rightarrow \neg Q)$ |
|-----|-----|-------------------------|------------|-----------------------------------|
| $i$ | $i$ | $i$                     | $i$        | $n$                               |
| $i$ | $n$ | $n$                     | $i$        | $n$                               |
| $n$ | $i$ | $i$                     | $n$        | $i$                               |
| $n$ | $n$ | $i$                     | $n$        | $n$                               |

(3×3 boda = 9 bodova)

11. Provjerite metodom ‘reductio ad absurdum’ je li sljedeći zaključak valjan. (3×3 boda = 9 bodova)

*Samo ako je prisopoda opravdana, analogija je informativna. Analogija jest informativna ili nije informativna. Prisopoda je opravdana ili je analogija informativna. Priopovjedač je dobar ili je analogija informativna, a prisopoda je opravdana ili je priopovjedač dobar. Iz toga slijedi da analogija nije informativna ili je prisopoda opravdana*

#### KLJUČ TUMAČENJA:

$P$  za ‘Analogija je informativna’.

$Q$  za ‘Prisopoda je opravdana’.

$R$  za ‘Priopovjedač je dobar’.

| $P \rightarrow Q$ | $P \vee \neg P$ | $Q \vee P$ | $(R \vee P) \wedge (Q \vee R)$ | $\neg P \vee Q$ |
|-------------------|-----------------|------------|--------------------------------|-----------------|
| $\frac{i}{n}$     | $i$             | $n$        | $\dots i \dots$                | $\dots i \dots$ |

Zaključak JE valjan.

(Tekstualni se odgovor priznaje ako i samo ako je prvi dio zadatka točno riješen.)